# 差分进化算法在阵风响应减缓 控制中的应用



陈世康,杨士斌,孙晓哲

中国民航大学, 天津 300300

摘 要:针对大展弦比机翼遭遇阵风干扰后所存在的飞行稳定性及乘客乘坐品质等问题,运用差分进化算法(DE)寻找解决问题的最优解。采用比例、微分和积分(PID)控制、线性二次调节(LQR)控制和输出反馈控制三种控制策略,由差分进化算法寻找 PID 控制中参数值、LQR 控制中加权矩阵以及输出反馈控制中的增益。仿真结果表明,三种控制策略均可在机翼遭遇离散阵风后,使翼根弯矩减缓 20% 以上,且与传统调参相比,差分进化算法可以快速锁定参数且结果满足预期所设性能,具有可行性和有效性。

#### 关键词:差分进化算法;阵风响应;控制; PID; LQR

#### 中图分类号:V249.1

#### 文献标识码:A

飞机在飞行过程中不可避免地会受到阵风的影响,这会 干扰飞行员的正常操作,降低乘客的乘坐品质。在更严重的 情况下,飞行任务无法完成,更可能影响飞行安全。阵风可 以被视为飞机的外部激振器,它不仅会引起刚性运动的变 化,还会引起弹性振动,并导致额外的气动弹性响应。一方 面,人体对低频振动(1Hz左右)非常敏感<sup>[1]</sup>,因此阵风引起的 加速度响应可能会严重恶化乘客的乘坐品质;另一方面,带 来额外的阵风载荷,可能会缩短结构的疲劳寿命<sup>[2-3]</sup>。阵风载 荷过大会对飞机造成很严重的问题,所以在飞机设计过程 中,阵风减缓一直是一个重要且亟待解决的问题。

阵风响应减缓可通过传感器感受运动特征,如速度、加速度、气动力等,并通过设计的控制律来驱动位于副翼的作动器,改变副翼的角度从而改善飞机性能。目前,国内外有很多学者研究控制并进行了很多的试验去验证,芮俊俊等问通过此最优控制器和H。控制器针对二维翼段阵风载荷进行控制并进行试验验证。傅军等<sup>[5]</sup>基于现代鲁棒控制理论对弹性飞机进行阵风载荷减缓。陆勤等<sup>[6]</sup>采用H。状态反馈控制对飞机进行阵风响应减缓。Wu Zhigang等<sup>[7]</sup>针对大展弦比机翼的大型客机提出三种采用PID控制的阵风减缓控制方案并在风洞试验中进行验证。张红波等<sup>[8]</sup>在控制增

#### DOI:10.19452/j.issn1007-5453.2022.10.006

稳系统的基础上对引入副翼对称偏转进行阵风减缓的可行 性进行了仿真与分析。Dai Yuting等<sup>[9]</sup>设计了一种用于减缓 阵风响应的广义预测控制律,并在飞机模型上进行了仿真。 然而,对于控制参数的选取,大多数是基于工程实际经验进 行参数整定的,其不易于得到最优解且效率低下,需要手动 反复迭代运算。所以,智能算法与传统控制相结合的方法 体现出了不可代替的优势。差分进化算法(DE)于1995年 由 Storn 和 Price 提出,是一种基于群体的自适应全局优化 算法,具有算法效率高、易操作、简单通用、收敛快速及鲁棒 性强等特点<sup>[10]</sup>。因此将差分进化算法与控制律相结合有着 重大意义。

本文以大展弦比柔性机翼作为研究对象,通过差分进 化算法寻找控制策略中最优参数值并设计了PID、LQR和 输出反馈三种控制策略应用于阵风减缓控制中。最后,对 比分析控制前后机翼翼尖加速度和翼根弯矩值的变化,为 飞机阵风响应减缓控制设计方法提供一些参考。

# 1 仿真模型

## 1.1 机翼结构模型

机翼模型为一大展弦比柔性机翼,其有限元模型如图1

收稿日期: 2022-05-18; 退修日期: 2022-07-11; 录用日期: 2022-08-08 基金项目: 中央高校基本科研业务费项目(3122020081)

引用格式: Chen Shikang, Yang Shibin, Sun Xiaozhe. Application of differential evolution in gust response mitigation control[J]. Aeronautical Science & Technology, 2022, 33(10):45-51. 陈世康, 杨士斌, 孙晓哲. 差分进化算法在阵风响应减缓控制中的应用[J]. 航空科学技术, 2022, 33(10):45-51.

所示,机翼总长约为2.35m,总重量(质量)约为8.7kg,机翼 梁沿翼展方向分为23个离散剖面。



Fig.1 Wing finite element model

机翼模型结构如图2所示,材料为7050-T7451的十字 形梁模拟其刚度特性,机翼后缘及维形材质为松木,机翼前 缘采用PMI泡沫裱糊单层碳纤维布的工艺制成,机翼共分 成10个框段,每个框段的维形框通过加强肋(5mm厚的航 空层板)与主梁胶结,维形肋为厚度3mm的航空层板,主梁 从其中间穿过但不连接,翼尖小翼蒙皮为碳纤维/泡沫夹层 结构,不模拟刚度。伺服舵机通过金属连接件固定于主梁 上,通过摇臂-拉杆机构驱动副翼转动。





通过计算,得出机翼前十阶模态,见表1,垂直一弯频率为1.55Hz,面内一弯频率为3.03Hz,垂直二弯频率为5.35Hz,颤振速度约为35m/s,颤振频率约为6.37Hz。

#### 1.2 阵风模型

根据适航条款 AC 25.341-1 规定, 1-cosine 离散阵风速 度定义式为

$$U = \frac{U_{\rm ds}}{2} \left(1 - \cos\left(\frac{\pi s}{\rm H}\right)\right) \tag{1}$$

$$U_{\rm ds} = U_{\rm ref} F_{\rm g} \left(\frac{H}{350}\right)^{1/6} \tag{2}$$

式中,U为阵风速度; $U_{ds}$ 为设计阵风速度;H为阵风梯度距离; $U_{ref}$ 为参考阵风速度; $F_g$ 为飞行剖面缓和系数。阵风模型波形图如图3所示。

#### 1.3 机翼阵风响应状态空间模型

基于模态坐标机翼气动弹性方程为[11]

表1 机翼模态

rabio r Wing modal		
频序	模态名称	频率/Hz
1	机翼垂直一弯	1.55
2	机翼面内一弯	3.03
3	机翼垂直二弯	5.35
4	机翼一阶扭转	8.85
5	机翼面内二弯	11.76
6	机翼垂直三弯	12.00
7	机翼二阶扭转	14.36
8	机翼垂直四弯	21.70
9	机翼三阶扭转	23.01
10	机翼面内三弯	31.12



$$\boldsymbol{M}_{1}\ddot{\boldsymbol{q}}(t) + \boldsymbol{M}_{2}\ddot{\boldsymbol{\delta}}(t) + \boldsymbol{D}_{1}\dot{\boldsymbol{q}}(t) + \boldsymbol{K}\boldsymbol{q}(t) = q_{\infty} \left[\boldsymbol{\mathcal{Q}}_{1}\boldsymbol{\delta}(t) + \boldsymbol{\mathcal{Q}}_{2}\boldsymbol{q}(t) + \frac{\boldsymbol{\mathcal{Q}}_{3}}{V}\boldsymbol{w}_{g}(t)\right]$$
(3)

式中, $M_1$ 和 $M_2$ 为质量矩阵; $D_1$ 为模态阻尼矩阵;K为刚度矩阵;q(t)为机翼弹性模态坐标; $\delta$ 为操纵面偏转坐标; $w_g$ 为阵风的垂直速度; $q_x$ 为来流气体动压;V为飞行速度; $Q_1, Q_2, Q_3$ 分别为操纵面、机翼面和阵风的气动力系数矩阵。

采用最小状态法近似非定常气动力[12]

$$\boldsymbol{Q}(\mathbf{s}) = \boldsymbol{A}_{0} + \frac{b}{2V}\boldsymbol{A}_{1}\boldsymbol{s} + (\frac{b}{2V})^{2}\boldsymbol{A}_{2}\boldsymbol{s} + L(\mathbf{I}\boldsymbol{s} - \frac{b}{2V}\boldsymbol{R})^{-1}\boldsymbol{E}\boldsymbol{s}$$
(4)

式中,b为弦长; $A_0, A_1, A_2$ 为系数矩阵;L, E为列矢量。 由此得到状态空间方程为  $\dot{x}_{ae} = A_{ae} x_{ae} + B_{ae} \delta_{ae} + E_{ae} w_{ae}$  $y = C_{ae} x_{ae} + D_{ae} \delta_{ae} + F_{ae} w_{ae}$  (5)

式中, 
$$\mathbf{x}_{ae} = [\mathbf{q}^{T} \dot{\mathbf{q}}^{T} \mathbf{x}'^{T}]^{T}$$
;  $\delta_{ae} = [\delta^{T} \dot{\delta}^{T} \ddot{\delta}^{T}]^{T}$ ;  $\mathbf{w}_{ae} = [\mathbf{w}_{g}^{T} \dot{\mathbf{w}}_{g}^{T}]^{T}$ .  
将式(5)整理得到  
 $\mathbf{x} = A\dot{\mathbf{x}} + B\mathbf{u}$  (6)

y = Cx + Du式中, x' 为滞后根, x = x<sub>ae</sub>, A = A<sub>ae</sub>, B = [B<sub>ae</sub> E<sub>ae</sub>], C = C<sub>ae</sub>,  $D = [D_{ae} F_{ae}]_{o}$ 

#### 1.4 差分进化算法

在自然界中,遗传、变异、选择的作用,使得生物不断由 低级向高级进化,人们发现适者生存这一规律可以模式化, 从而构成一些列优化算法。差分进化算法就是从这种模式 中产生的一种智能优化算法。其算法流程如图4所示。基 于本次仿真内容,差分进化算法的具体流程如下。

(1)初始化种群,在n维空间里随机产生m个个体

 $x_{i,j}(0) = x_{i,j}^{L} + \text{rand}(0,1)(x_{i,j}^{U} - x_{i,j}^{L})$ (7) 式中,*i*表示第*i*个个体;*j*表示第*j*维度;*x\_{i,j}^{L}和x\_{i,j}^{U}分别为第j* 

维的下界和上界;rand(0.1)表示在区间[0,1]上的随机数。 在本次仿真中,x<sub>i,j</sub>(0)代表了PID参数和LQR控制中状态 量加权矩阵**Q**的初始值。

(2) 变异

DE算法通过差分策略实现个体变异,常见的差分策略 是随机选取种群中两个不同的个体,将其矢量缩放后与待



Fig.4 Flow chart of DE

变异个体进行矢量合成。

 $V_i(g+1) = X_{r1}(g) + F(X_{r2}(g) - X_{r3}(g))$  (8) 式中,r1、r2和r3为三个随机数,区间为[1,NP];F为变异因 子,为一个确定的常数。g为第g代,此时 $X_{r1}(g)$ 为当代种 群中最优个体,即找到当代种群中 PID 参数和Q矩阵最 优值。

(3) 交叉

交叉操作目的为随机选择个体,其操作方法为

$$U_{ij}(g+1) = \begin{cases} V_{i+j}(g+1) & \text{if } \operatorname{rand}(0,1) \leq \operatorname{CR} \\ x_{i+j}(g) & \text{otherwise} \end{cases}$$
(9)

(4) 选择

DE 中采取贪婪选择策略,为确定 $X_i(g)$ 是否成为下一代成员,用试验矢量 $U_i(g+1)$ 和目标矢量 $X_i(g)$ 与目标函数进行比较。

$$X_{i}(g+1) = \begin{cases} U_{i}(g+1) & \text{if } f(U_{i}(g+1)) \leq f(X_{i}(g)) \\ X_{i}(g) & \text{otherwise} \end{cases}$$
(10)

在此基础上循环执行步骤(2)到步骤(4),直到迭代次 数达到最大,输出最优结果。

## 2 基于差分进化算法 PID 参数整定

#### 2.1 PID 控制模型

PID 控制作为应用广泛的控制算法,算法简单明了,易 于在工程上实现,与差分进化算法相结合,可快速得到适合 的参数。

在本仿真中,设飞行速度为20m/s,阵风频率为1~6Hz, 副翼偏转限制为±10°,找寻范围内翼尖加速度和翼根弯矩 最大值并减缓,模型如图5所示。对于目标函数的选择,机 翼离散阵风响应过程较为短暂,在1s之内翼尖加速度和翼 根弯矩达到最大值,3s之内恢复稳定。考虑翼尖加速度和 和翼根弯矩T的绝对值分别与时间t相乘再积分相加,既能 使其最大值快速下降,又不会过度影响稳态时间,兼顾稳定 与快速的性能,而且根据需求不同可通过调节权值α,和α<sub>2</sub> 满足着重改善翼根弯矩或翼尖加速度的需要。积分上限选 取到3s可使系统动态过程和稳态过程都受到关注。差分进 化算法定义目标函数为

$$J = \alpha_1 \int_0^\infty t |a(t)| dt + \alpha_2 \int_0^\infty t |T(t)| dt$$
(11)

#### 2.2 结果分析

取变异因子为1.2,交叉因子为0.6,种群大小为100,迭 代次数为30,目标函数如图6所示。翼尖加速度响应如图7



所示,当进行开环仿真时,阵风频率为6Hz(机翼垂直二弯模态)取得加速度最大值,加速度最大值为40.02m/s<sup>2</sup>,到达最大 值的时间为0.71s;闭环仿真时,最大加速度为11.24m/s<sup>2</sup>,到达 最大值时间为0.21s。





从图7中可以看出,闭环控制很好地改善了翼尖加速 度的动态性能并且稳态性良好。翼根弯矩响应如图8所 示,阵风频率为1Hz(机翼垂直一弯模态)时,机翼翼根弯矩 取得最大值,开环仿真最大值为116.07N·m,到达最大值时 间为0.63s;闭环仿真最大值为86.81N·m,时间为0.67s,减 缓效果为25.2%。

# 3 基于差分进化算法LQR控制整定

# 3.1 LQR控制模型

线性二次调节器(LQR)是工业应用较为广泛的一种控制方法。通过设计状态反馈控制器使二次型目标函数取最小值来达到理想的效果,具有设计方便、鲁棒稳定性良好等特点。



由于难以直接观测到所有的状态变量,首先设计状态 观测器去估量状态变化。状态变量的估计值和输出的估计 值状态空间矩阵为

1.5

时间/s

图8 PID 翼根弯矩响应

Fig. 8 Root bending moment of PID control

2.0

2.5

3.0

$$\dot{\hat{x}} = A\hat{x} + Bu + G(\gamma - \hat{\gamma})$$

$$\hat{y} = C\hat{x} + Du$$
(12)

整理可得到

20

0

-20 L

0.5

1.0

$$\dot{\hat{x}} = (A - GC)\hat{x} + (B - GD)u + Gy$$

$$\vec{x}(6) \sim \vec{x}(13) \vec{n} \vec{q}$$
(13)

$$\dot{\boldsymbol{x}} - \dot{\hat{\boldsymbol{x}}} = (\boldsymbol{A} - \boldsymbol{G}\boldsymbol{C})\boldsymbol{x} - (\boldsymbol{A} - \boldsymbol{G}\boldsymbol{C})\hat{\boldsymbol{x}} = (\boldsymbol{A} - \boldsymbol{G}\boldsymbol{C})(\boldsymbol{x} - \hat{\boldsymbol{x}})$$
(14)

定义误差

 $\boldsymbol{e}_{\boldsymbol{x}} = \dot{\boldsymbol{x}} - \dot{\boldsymbol{x}} \tag{15}$ 

观测器尽可能准确地观测到系统状态变量,即误差趋 近于零,则需要矩阵A-GC的特征值全都有负实部。矩阵 G可通过给定特征值反解A-GC特征方程得到。

LQR控制的二次型目标函数为

$$J = \frac{1}{2} \int_{0}^{\infty} (\mathbf{x}^{\mathrm{T}} \mathbf{Q} \mathbf{x} + \mathbf{u}^{\mathrm{T}} \mathbf{R} \mathbf{u}) \mathrm{d}t$$
(16)

式中,Q为状态量的加权矩阵;R为控制量加权矩阵。

根据Riccati方程

$$A^{\mathrm{T}}\boldsymbol{P} + \boldsymbol{P}\boldsymbol{A} + \boldsymbol{Q} - \boldsymbol{P}\boldsymbol{B}\boldsymbol{R}^{-1}\boldsymbol{B}\boldsymbol{P} = \boldsymbol{0}$$
(17)

解出状态变量增益矢量为

$$\boldsymbol{K}_{\mathrm{a}} = \boldsymbol{R}^{-1} \boldsymbol{B}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P} \tag{18}$$

LQR控制通过改变 Q、R矩阵使得目标函数达到最小, 因此可设差分进化算法目标函数与 LQR控制目标函数一 致,通过算法迭代得出 Q矩阵。积分上限同样选取 3s,可以 覆盖到系统动态过程和稳态过程。

设定工况为飞行速度为20m/s,阵风频率为6Hz,副翼 偏转限制为±10°,模型如图9所示。设定加权矩阵**Q**为对 角矩阵,对角线上的值为*a*<sub>1</sub>,*a*<sub>2</sub>,…,*a<sub>n</sub>*。



#### 3.2 结果分析

取交叉因子为0.6,种群大小为100,迭代次数为20次, 为平衡收敛和收敛速度,采用自适应变异分子<sup>[13]</sup>

$$F = F_{\max} - (F_{\max} - F_{\min}) \frac{n_i}{NP}$$
(19)

式中,n<sub>i</sub>表示第*i*代,观测器与实际模型输出误差如图10所示,输出误差量级约为10<sup>-13</sup>,可认为与实际模型相同。

目标函数如图11所示,翼尖加速度响应如图12所示。 当进行开环仿真时加速度最大值为40.02m/s<sup>2</sup>,到达最大值 的时间为0.17s;闭环仿真时,最大加速度为23.11m/s<sup>2</sup>,到达 最大值时间为0.34s,到达稳态时间与开环响应相同。翼根









弯矩矩响应如图 13 所示,机翼翼根弯矩取得最大值,开环 仿真最大值为116.07N·m,到达最大值时间为0.63s;闭环仿 真最大值为87.63N·m,时间为0.66s,减缓效果为24.5%。



## Fig.13 Root bending moment of LQR control

#### 3.3 输出反馈控制

在实际试验中,要观测到所有的状态矢量是比较困难的,对于阵风响应减缓,取翼尖速度、加速度和位移构成状态矢量进行输出反馈控制,以翼尖最小位移作为目标函数, 由于目标函数不再是二次型,可将**Q**矩阵视为增益矩阵作 用于状态矢量。翼尖加速度响应如图14所示,翼根弯矩响 应如图15所示。





在闭环控制时,翼尖加速度最大值为22.17m/s<sup>2</sup>,时间为 0.21s,翼根弯矩最大值为95.1N·m,时间为0.67s,减缓效果 为20%。与LQR控制相比,由于LQR控制包含了机翼所有 状态,因此其翼根弯矩减缓效果比输出反馈控制好,但差别



不大,同时输出反馈控制在技术上更容易实现,易于试验 验证。

## 4 结论

本文基于差分进化算法,运用三种不同的控制策略对 机翼阵风响应进行了控制。对于PID控制中参数的选取和 LQR控制中矩阵的设定,通过算法可以快速求出,且仿真结 果良好,在设计初期是一种不错的方法。在LQR控制策略 中,全维观测器在工程中不易实现,后续会考虑降维观测器 来进行试验验证,同时设计输出反馈控制便于试验验证。 后续将根据已有的仿真进行阵风响应试验来优化仿真控 制。

#### 参考文献

- [1] 陈磊,吴志刚,杨超.弹性机翼阵风响应和载荷减缓与风洞试 验验证[J].工程力学,2011,28(6):212-218.
   Chen Lei, Wu Zhigang, Yang Chao. Gust response and load mitigation of elastic wing with tunnel test verification[J].
   Engineering Mechanics,2011, 28(6): 212-218.(in Chinese)
- [2] Moulin B, Karpel M. Gust loads alleviation using special control surfaces[J].Journal of Aircraft,2012, 44(1): 17-25.
- [3] 邹学锋,潘凯,燕群,等.多场耦合环境下高超声速飞行器结构动强度问题综述[J]. 航空科学技术,2020,31(12):3-15.
   Zou Xuefeng, Pan Kai, Yan Qun, et al. Overview of dynamic strength of hypersonic vehicle structure in multi-field coupling environment[J]. Aeronautical Science & Technology, 2020, 31 (12):3-15.(in Chinese)

- [4] 芮俊俊,于明礼,李明.二维翼段阵风载荷减缓主动控制[J].
   南京航空航天大学学报,2018,50(6):788-795.
   Rui Junjun, Yu Mingli, Li Ming. Active gust load alleviation control of 2D airfoli[J]. Journal of Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, 2018,50(6):788-795.(in Chinese)
- [5] 傅军,万婧,艾剑良.弹性飞机阵风缓和鲁棒控制研究[J].复 旦学报(自然科学版),2016,55(3): 330-335.
  Fu Jun, Wan Jing, Ai Jianliang. Research on robust control for elastic plane wind easing[J]. Fudan Journal(Natural Science Edition),2016, 55(3): 330-335.(in Chinese)
- [6] 陆勤,艾剑良.H。控制在飞机阵风缓和中的应用[J].复旦学报(自然科学版),2014,53(5):632-635.
   Lu Qin, Ai Jianliang. Application of differential evolution in

gust response mitigation control[J]. Fudan Journal(Natural Science Edition),2014, 53(5):632-635.(in Chinese)

- [7] Wu Zhigang, Chen Lei, Yang Chao. Study on gust alleviation control and wind tunnel test[J]. Science China-Technological Sciences, 2013, 56(3): 762-771.
- [8] 张红波,蒲利东,罗务揆.控制增稳系统对运输机阵风响应特 性影响研究[J].航空科学技术,2017,28(6):21-25.
   Zhang Hongbo, Pu Lidong, Luo Wukui. Effect of control augmentation system on gust response of transport [J].

Aeronautical Science & Technology, 2017, 28(6): 21-25. (in Chinese)

- [9] Dai Yuting, Yang Chao, Wang Chaolei. Strategy for robust gust response alleviation of an aircraft model[J]. Control Engineering Practice, 2017,60:211-217.
- [10] 谭飞,曹立佳.基于改进动态变异差分进化的最优 PID 控制
  [J]. 控制工程,2019,26(3):461-468.
  Tan Fei, Cao Lijia. Optimal PID control based on improved dynamic variation differential evolution[J]. Control Engineering, 2019, 26(3):461-468.(in Chinese)
- [11] Karpel M, Moulin B, Presente E, et al. Dynamic gust loads analysis for transport aircraft with nonlinear control effects[R]. AIAA-2008-1994,2008.
- [12] Karpel M, Moulin B, Chen P C. Dynamic response of aeroservoelastic systems to gust excitation[J]. Journal of Aircraft, 2005, 42(5):264-272.
- [13] 肖鹏,邹德旋,张强. 一种高效动态自适应差分进化算法[J]. 计算机科学,2019,46(6):125-132.
  Xiao Peng, Zou Dexuan, Zhang Qiang. An efficient dynamic adaptive difference algorithm[J]. Computer Science, 2019,46 (6): 125-132.(in Chinese)

# Application of Differential Evolution in Gust Response Mitigation Control

Chen Shikang, Yang Shibin, Sun Xiaozhe Civil Aviation University of China, Tianjin 300300, China

**Abstract:** Aiming at the problems of flight stability and passenger ride quality of large aspect ratio wing subjected to gust disturbance, differential evolution is used to find the optimal solution to solve the problem. Three different control strategies-PID,LQR and result control are used to find the parameter values in PID control, the weight matrix in LQR control and the gain of result control by DE. The three control strategies can reduce the wing root bending moment by more than 20% when the wing encounters discrete gust. The simulation results show that the DE can find the parameters quickly and meet the expected performance compared with the traditional manual adjustment.

Key Words: DE; gust response; control; PID; LQR