

# 锥齿轮加工参数调整对强度的影响及 动态特性分析

The Effect of Bevel Gear's Intensity and Analysis Dynamic Characteristics on Different Pinion Settings

> 郭霞<sup>1</sup> 赵智姝<sup>2</sup> 杨荣<sup>1</sup> 史妍妍<sup>1</sup> 1中航工业动力所航空发动机动力传输航空科技重点实验室 2 海军航空兵学院

摘 要:鉴于不同的齿轮加工参数对锥齿轮强度的影响很大,本文对比分析了螺旋锥齿轮不同加工参数下的静 强度和动态特性,得出了调整加工参数对齿轮接触区的影响,以及动、静强度随之变化的趋势和规律。

不同加工参数的计算结果进行对比,得

关键词: 锥齿轮; 轮齿承载接触分析; 接触分析; 强度; 振动模态 Keywords: bevel gear; LTCA; contact analysis; Intensity; vibration-mode

## 0 引言

高速、轻质、重载螺旋锥齿轮是航 空发动机中的关键零件,其使用寿命和 可靠性直接关系着发动机的寿命和可 靠性。国内外多项事故结果表明,齿轮 断裂故障大部分是由行波振动引起的, 因此设计时不仅需要计算齿轮的接触、 疲劳和弯曲强度,更需要进行齿轮动态 特性分析,同时找出加工参数对齿轮动 静强度的影响规律,保证齿轮的最佳动 静强度设计,减少齿轮故障。

本文分析了某型发动机中心锥齿 轮在相同工况、不同加工参数下齿轮的 接触情况、静强度和动态特性,得出了 调整加工参数对齿轮接触区的影响,以 及动、静强度随之变化的趋势和规律。

## 1 概述

所研究的发动机中心传动锥齿轮 的转速为17902r/min,锥齿轮的装配关 系如图1所示,中心传动锥齿轮传动基 本参数见表1。通过对相同工况下多组

出最终的结论。本文只取其中两组不同 的加工调整参数进行计算、对比分析, 两种方案的加工参数见表2。



图1 齿轮装配图

表1 齿轮设计参数

基本参数	小齿轮	大齿轮
齿数	29	39
轴交角	90°	
压力角	20°	20°
中点螺旋角	35°	35°
旋向	左旋	右旋
模数	4	4
齿面宽(mm)	28	28
刀盘半径(mm)	76.2	76.2

# 2 静强度计算及结果分析 2.1 静强度计算方法

齿面接触分析(TCA)和齿面承载 接触分析(LTCA)是进行静强度计算的 基本方法。LTCA分析可以得到接触迹 的切线方向、接触椭圆长轴的方向和幅 值、接触区的位置和大小、传动误差曲 线,以及加载情况下载荷在各接触齿对 上的分配情况。

把加工好的大轮和小轮装配在一 起(如图2所示),两齿轮轴线夹角为轴 交角Σ,将小轮加工坐标系σ<sub>1</sub>(*O*<sub>1</sub>,*i*<sub>1</sub>,*j*<sub>1</sub>,

表2 小轮凹面机床调整参数

加工参数	方案1	方案2
刀盘齿形角	22°	22°
接触区长度系数B	0.21	0.212
对角接触修正∆Ax	0	-0.08
齿廓修正∆Ep	0.3	0.22
齿廓修正系数Kp	0	-0.05
三阶修正ΔEm	0.05	-0.05
三阶修正∆2c	0	0
三阶修正Δ6cx	0.08	0.06





## 图2 齿轮几何装配图



#### 图3 不同加工参数对应的齿面加载接触印痕



图4 不同加工参数对应的空载和加载传动误差



## 图5 不同加工参数对应的中间齿对承担载荷百分比

 $k_1$ )和大轮加工坐标系 $\sigma_2(O_2, i_2, j_2, k_2)$ 合并在一起, $i_2$ 和 $i_1$ 平行,  $k_2$ 和 $k_1, i_2$ 和 $i_1$ 之间有夹角 $\Delta$ ,由图2可得,

$$\begin{split} \Delta &= \sum -(\delta_{M1} + \delta_{M2}) \\ 则两坐标系间的转换关系为: \\ \begin{cases} i_1 &= \cos(\Delta) \times i_2 - \sin(\Delta) \times k_2 \\ j_1 &= j_2 \\ k_1 &= \sin(\Delta) \times i_2 + \cos(\Delta) \times k_2 \end{cases} \end{split}$$

这样,就可以把小轮坐标系中的齿面方程r<sub>1</sub>、法矢n<sub>1</sub>、齿高 方向t<sub>1</sub>写到大轮加工坐标系o<sub>2</sub>中。

#### 2.2 静强度计算结果

计算分析小轮加载时的接触情况和静强度,不同的加工调整参数对应着不同的齿面接触情况和静强度。图3所示为算例齿轮加载接触印痕。图4上部所示为单齿几何传动误差,下部为加载传动误差。图5所示为中间啮合齿对承担载荷百分比。图6所示为两种方案对应的小轮齿面接触应力峰值曲线。图7所示为小轮凸面受载的齿根弯曲应力峰值曲线及最大应力云图。

## 2.3 静强度计算结果分析

a. 方案2与方案1在接触印痕走向一致的情况下,方案2较 方案1的重合度高。

b. 两种方案下的传动误差几何曲线都呈基本对称的二阶 抛物线,而且误差波动幅值逐渐呈减小趋势,方案2较方案1降 低了约6%。

c. 方案2较方案1中间齿对承载载荷变小,即更多的载荷 由即将进入啮合和即将退出啮合的齿对承担。

d. 锥齿轮的齿面接触应力方案2较方案1变小,方案2与方案1分别为1640MPa和1510MPa,降低了约8%。按照锥齿轮的





图6 不同加工参数对应的齿面接触应力峰值曲线



图7 不同加工参数对应的齿根弯曲应力峰值曲线及最大应力云图

计算齿面接触应力应不大于其许用齿面接触应力的要求,即  $\delta_{\rm H} \leq \delta_{\rm HP} = 1550 {\rm MPa}$ ,可见方案2满足锥齿轮齿面接触强度要求。

e. 方案2锥齿轮的齿根弯曲应力较方案1变小,分别为 795MPa和512MPa,降低了约36%。按照锥齿轮的计算齿根弯曲 应力应不大于其许用齿根应力的要求,即 $\delta_{\rm F} \leq \delta_{\rm FP} = 520 \text{N/mm}^2$ , 可见方案2满足锥齿轮齿根弯曲强度要求。

# 3 模态分析及计算结果

## 3.1 锥齿轮模态分析

齿轮动态特性分析主要包括固有频率模态分析和啮合力 激振行波振动响应计算两个部分。项目研究航空发动机传动 系统中齿轮的轻量化悬臂式设计,探索航空弧齿锥齿轮结构 特点对其共振转速的影响,为轮体动态结构优化提供基础。

连续体结构的运动方程为:

 $[M]\{\ddot{q}\} + [C]\{\dot{q}\} + [K]\{q\} = \{F\}$ (1)

式(1)中, [*M*]、[*C*]、[*K*]为结构的质量矩阵、阻尼矩阵、刚 度矩阵, {*q*}、{*F*}为结构节点上的位移和外载荷。

当不承受外载荷时即得到自由振动方程,而阻尼对结构 自由振动无影响。此时得到无阻尼自由振动方程为:

 $[M]{\ddot{q}}+[K]{q}=0$ 

结构自由振动可以分解为一系列简谐振动的迭加,设结构各节点的简谐运动为:  $\{q\}=\{\delta\}\sin(\omega t)$  (2)

式(2)中, $\{\delta\}$ 为节点位移 $\{q\}$ 的振幅列向量, $\omega$ 为简谐振动 固有频率。

将简谐运动方程代入结构无阻尼振动自由方程,并消去 sin( $\omega t$ ) 因子,得到:( $[K]-\omega^2[M]$ ){ $\delta$ }=0 (3)

式(3)称为结构自由振动的广义特征值问题,即寻求数值 ω和非零向量{δ}的问题。ω即为结构固有频率,{δ}即为振型。

求解此广义特征值问题的方法是将其转化为求解矩阵特征值的标准方程:

取 $\lambda = \omega^2$ ,则有[K]{ $\delta$ }= $\lambda$ [M]{ $\delta$ };取 $\lambda = 1/\omega^2$ ,则有 $\lambda$ [K]{ $\delta$ }=[M] { $\delta$ };当式中[M]=1时,则有[K]{ $\delta$ }= $\lambda$ { $\delta$ },这即是矩阵特征值问题 的标准形式。采用反迭代、瑞利一李兹等数值方法求解即可。

系统的振动响应*u*(*x*,*t*)在每一时刻均满足问题的边界条 件,可以展开为固有振型δ的绝对、一致收敛级数:

 $u(x,t) = \sum_{i=1}^{\infty} q_i(t) u^i(x)$ 其中, $q_i(t)$ 为系统主坐标。

对于弹性体连续系统,有无阻尼自由振动方程和系统初 始条件:  $M_{u+Ku=0}$ ,  $u|_{t=0} = u_0(x)$ .

$$\left.\frac{\partial u}{\partial t}\right|_{t=0} = \overline{u}_0(x)$$

可得到弹性体连续系统关于主坐标的受迫振动方程和初 始条件:

系统在干扰力作用下零初值响应为:

$$\frac{1}{\omega_r}\int_0^t f_r(\tau)\sin\omega_r(t-\tau)d\tau$$

两者相加,即为主坐标下弹性体连续系统受迫振动方程 在初始条件下的解,再代入到振动响应关于固有振型的级数



## 表达式中,就得到受迫振动的一般响应

$$u(x,t) = \sum_{r=1}^{\infty} u^r(x) \left[ \frac{1}{\omega_r} \int_0^t f_r(\tau) \sin \omega_r(t-\tau) d\tau + q_{r0} \cos \omega_r t + \frac{\overline{q}_{r0}}{\omega_r} \sin \omega_r t \right]$$

## 3.2 模态计算

小轮齿轴为简支结构,对其进行结构建模和模态分析,图 8所示为辐板齿轮体的前4阶固有频率及模态振型。其中,一至 四节径模态分别为3889Hz、5871Hz、12354Hz、19719 Hz。



#### 图8 齿轮体的固有频率及模态振型

输入计算得到的一至四节径固有频率,进行共振转速计 算,得到表3所示的前四阶共振转速表。

谐波次数为1时的二节径前行波共振转速(13046.7r/min) 在齿轮的工作转速范围内,此时对应工作扭矩629N•m,进行 齿根动应力计算,得到小轮齿根动应力计算结果,如图9所示。

## 3.3 结果分析

由以上计算结果可知,小齿轮在谐波系数等于1时存在 二节径共振转速(13046.7r/min),方案2较方案1动应力幅值减 小,降低了约16%。

## 4 结论

1) 螺旋锥齿轮分析程序通过基本参数建模,用有限元精 确计算每一点的应力,更接近真实。

 其中切齿加工参数的调整明显改变接触区,从而直接 影响到齿轮的接触和弯曲强度,同时也影响着节径共振齿根 动应力的值。

3) 对角接触修正ΔAx的正负和三阶修正ΔEm的适当调整 改变接触线的弯曲程度,三阶修正Δ6cx增加接触区右移,齿廓 修正系数Ep和接触区长度系数B的增加接触区逆时针偏移。

4)提高齿轮工作重合度对改善齿轮的齿轮的动态特性
和静强度是有利的。

#### 表3 共振转速表

	前行波	后行波
一节径共振转速 (r/min)	8333.6	7778
二节径共振转速(r/min)	13046.7	11363.2
三节径共振转速(r/min)	28509.2	23163.8
四节径共振转速(r/min)	47325.6	35852.7



#### 图9 不同加工参数对应的齿根动应力

5)通过对螺旋锥齿轮加工参数的设计控制可以直接用 于指导加工,同时通过对锥齿轮的动力学特性、实际工作中的 动态响应及动应力问题的分析,可以更好地指导设计,避免设 计过程中出现问题。 (AST

#### 参考文献

[1] 王建军, 洪涛, 吴仁智, 等. 齿轮系统参数振动问题研 究综述[J]. 振动与冲击, 1997, 16(4): 69-73.

[2] 曾韬. 螺旋锥齿轮设计与加工[M].哈尔滨:哈尔滨工业大学出版社,1989:101-128.

[3] 王延忠,周云飞,周济,等.考虑轮齿制造误差的螺旋 锥齿轮加载接触分析研究[J]. 机械科学与技术,2002,21(2): 224-227.

[4] 王延忠,周元子,李国权,等. 螺旋锥齿轮啮合刚度及 参数振动稳定性研究[J]. 航空动力学报,2010(7).

[5] 郭梅.某型发动机弧齿锥齿轮加载接触分析[C]//中国 航空学会第十三届机械动力传输学会会议论文集.沈阳:沈阳 发动机设计研究所,2007-10.

## 作者简介

郭霞,本科,工程师,主要从事附件传动研究工作。 杨荣,硕士,研究员,主要从事附件传动研究工作。 史妍妍,博士,工程师,主要从事附件传动研究工作。